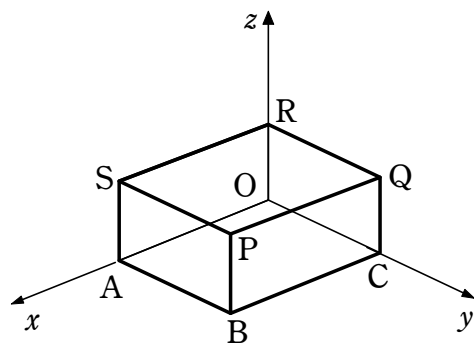


2-1 空間導入・成分・内積①

1 右の図において、点 P の座標が (4, 3, 2) のとき、直方体 OABC-RSPQ の O, P 以外の頂点の座標を求めよ。



A (4, 0, 0)

B (4, 3, 0)

C (0, 3, 0)

R (0, 0, 2)

Q (0, 3, 2)

S (4, 0, 2)

2 次の座標平面, 座標軸, 点に関して, 点 (2, -5, 3) と対称な点の座標を求めよ。

- (1) xy 平面 (2) zx 平面 (3) yz 平面
 (4) y 軸 (5) x 軸 (6) z 軸 (7) 原点

(1) (2, -5, -3) (5) (2, 5, -3)

(2) (2, 5, 3) (6) (-2, 5, 3)

(3) (-2, -5, 3) (7) (-2, 5, -3)

(4) (-2, -5, -3)

3 原点 O と次の点の距離を求めよ。

(1) (5, -2, 4)

(2) (-4, -5, 3)

(1) $\sqrt{5^2 + (-2)^2 + 4^2}$
 $= \sqrt{45} = \underline{\underline{3\sqrt{5}}}$

(2) $\sqrt{(-4)^2 + (-5)^2 + 3^2}$
 $= \sqrt{50} = \underline{\underline{5\sqrt{2}}}$

4 2点 A (3, a, 1), B (1, 4, -3) が, 原点 O から等しい距離にあるとき, a の値を求めよ。

OA = OB より

OA² = OB²

3² + a² + 1² = 1² + 4² + (-3)²

a = ±4

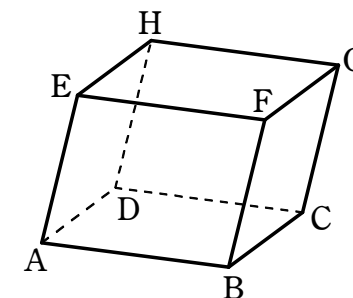
a² = 16

5 平行六面体 ABCD-EFGH において, 各頂点を始点, 終点とする有向線分が表すベクトルのうち, 次のベクトルをすべてあげよ。

(1) \vec{BC} に等しいベクトルで \vec{BC} 以外のもの

(2) \vec{GE} に等しいベクトルで \vec{GE} 以外のもの

(3) \vec{AE} の逆ベクトルに等しいベクトルで \vec{EA} 以外のもの



(1) $\vec{AD}, \vec{EH}, \vec{FG}$

(2) \vec{CA}

(3) $\vec{FB}, \vec{GC}, \vec{HD}$

2 - 1 空間導入・成分・内積 ①

6 平行六面体 ABCD-EFGH において、 $\overrightarrow{AB}=\vec{a}$, $\overrightarrow{AD}=\vec{b}$, $\overrightarrow{AE}=\vec{c}$ とする。次のベクトルを \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} を用いて表せ。

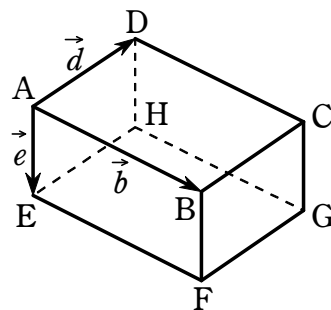
- (1) \overrightarrow{AF} (2) \overrightarrow{BD} (3) \overrightarrow{CF} (4) \overrightarrow{HB}

(1) $\vec{a} + \vec{c}$ (2) $-\vec{a} + \vec{b}$

(3) $-\vec{b} + \vec{c}$ (4) $\vec{a} - \vec{b} - \vec{c}$

7 直方体 ABCD-EFGH において、 $\overrightarrow{AB}=\vec{b}$, $\overrightarrow{AD}=\vec{d}$, $\overrightarrow{AE}=\vec{e}$ とする。

- (1) \overrightarrow{AG} , \overrightarrow{CE} , \overrightarrow{DF} をそれぞれ \vec{b} , \vec{d} , \vec{e} を用いて表せ。
 (2) $\overrightarrow{AG} + \overrightarrow{CE} = 2\overrightarrow{AE}$ が成り立つことを示せ。



(1) $\overrightarrow{AG} = \vec{b} + \vec{d} + \vec{e}$

$\overrightarrow{CE} = -\vec{b} - \vec{d} + \vec{e}$

$\overrightarrow{DF} = \vec{b} - \vec{d} + \vec{e}$

(2) (1)より

$$\overrightarrow{AG} + \overrightarrow{CE} = \vec{b} + \vec{d} + \vec{e} - \vec{b} - \vec{d} + \vec{e}$$

$$= 2\vec{e} = 2\overrightarrow{AE} \quad \text{となり}$$

成立

<今日のふりかえり>